

ЗАМЕЧАНИЕ О СЕТЯХ ПЕТРИ С СОСТОЯНИЯМИ

Белов Ю. А.

Россия, 150000, Ярославль, ул. Советская, 14, т. (4852) 458073,
ЯрГУ им. П.Г. Демидова, кафедра теоретической информатики belov45@yandex.ru

Аutomорфизмы моделей Крипке были предложены в [1]. Аналогичные свойства симметрии для сетей Петри и векторных систем сложения (VAS, VASS) изучались автором, где были отмечены также некоторые результаты о группах автоморфизмов этих систем. В работах F. Avellaneda and R. Morin (2012 г.) предложена более общая модель – сеть Петри с (управляющими) состояниями -- (PNS). Естественно попробовать перенести отмеченные результаты на общий случай.

Определения. Пусть имеется конечное множество P , элементы которого называются позициями, $|P|=n$ – размерность сети. Маркировка μ сети – мультимножество над P . Можно считать, что множество всех маркировок есть N^n , где $N=\{0, 1, 2, \dots, k, \dots\}$ – множество натуральных чисел и $\mu \in N^n$ -- распределяет фишки по позициям. Далее определим конечное множество R правил переходов – $R \subseteq L \times N^n \times N^n$; здесь L – конечное множество символов – имён (меток), и любое правило есть тройка $r=(\lambda, \alpha, \beta) \in R$, записываемое обычно так: $\lambda: \alpha \rightarrow \beta$. Здесь $\alpha = \text{in}(r)$, $\beta = \text{out}(r)$ – векторы поглощения и производства при данном переходе r соответственно. Переход r называется активным при данной маркировке μ , если $\mu \geq \text{in}(r)$, (т.е. $(\mu - \alpha) \in N^n$).

Определение. PNS (Petri Net with States) с множеством правил R есть четвёрка $D=(i, \mu_0, Q, T)$. Здесь R – определено ранее, Q – абстрактное конечное множество управляющих состояний, $i \in Q$ – начальное состояние, $\mu_0 \in N^n$ – начальная маркировка; $T \subseteq Q \times R \times Q$ – конечное множество дуг (переходов), помеченных правилами из R .

D определяет следующий механизм преобразования конфигураций: пусть имеется текущая конфигурация (q, μ) . Тогда, если существуют $r \in R$ и $q' \in Q$ такие, что дуга $(q, r, q') \in T$, то от конфигурации (q, μ) можно перейти к конфигурации (q', μ') , где $\mu' = \mu - \text{in}(r) + \text{out}(r)$, если переход r активен в исходной маркировке μ . В таком случае переход по дуге (q, r, q') называется допустимым и обозначается $q \xrightarrow{r} q'$. Если задана сеть D , то определяется множество достижимых маркировок M – это множество маркировок, которые могут быть получены из начальной конфигурации (i, μ_0) за конечное число допустимых переходов.

Аutomорфизмом сети D называется пара биекций $h=(f, g)$, где $f: M \rightarrow M$, $g: Q \rightarrow Q$, таких что $q \xrightarrow{r} q'$ тогда и только тогда, когда $g(q) \xrightarrow{f(r)} g(q')$. Покомпонентно определяется суперпозиция автоморфизмов и относительно этой операции множество всех автоморфизмов $\text{Aut}(D)$ является группой. Можно построить примеры таких PNS, для которых группа $\text{Aut}(D)$ бесконечна.

Литература

1. Э.М. Кларк мл., О. Грамберг, Д. Пелед Верификация моделей программ М., МЦНМО, 2002, 414 стр.